

Bits και Bytes: από τον char στον double

ή
πως να διεκδικήσετε
- και να κερδίσετε -
35 σημαντικά ψηφία στους υπολογισμούς σας
:-)

by Ch lossif @ 2010

Creative Commons: by + nc + sa

Bits - Bytes

Το bit (μπιτ) είναι ένα δυαδικό ψηφίο, το οποίο μπορεί να πάρει τις τιμές 0 ή 1. Η συντομογραφία bit προέρχεται από τη σύντμηση των λέξεων BInary digiT.

Το byte (μπάιτ) είναι μονάδα μέτρησης ποσότητας πληροφορίας στα υπολογιστικά συστήματα. Ένα byte ισοδυναμεί με 8 bit.

Bits - Bytes

Πολλαπλάσια του byte είναι τα:

Kilobyte (Κιλομπάιτ), 1 kB = 1.024 bytes = 2^{10} bytes

Megabyte (Μεγαμπάιτ), 1 MB = 1.048.576 bytes = 2^{20} bytes

Gigabyte (Γιγαμπάιτ), 1 GB = 1.073.741.824 bytes = 2^{30} bytes

Terabyte (Τεραμπάιτ), 1 TB = 1.099.511.627.776 bytes = 2^{40} bytes

Petabyte (Πεταμπάιτ), 1 PB = 1.125.899.906.842.624 bytes = 2^{50} bytes

Exabyte (Εξαμπάιτ), 1 EB = 1.152.921.504.606.846.976 bytes = 2^{60} bytes

Zettabyte (Ζεταμπάιτ), 1 ZB = 1.180.591.620.717.411.303.424 bytes = 2^{70} bytes

Yottabyte (Γιωταμπάιτ), 1 YB = 1.208.925.819.614.629.174.706.176 bytes = 2^{80} bytes

Απλές δομές δεδομένων

Βαθμωτά μεγέθη:

Χαρακτήρας

Ακέραιος

Απαρίθμηση

Δείκτης

Μη βαθμωτά μεγέθη:

Πραγματικοί αριθμοί

(αριθμοί κινητής υποδιαστολής)

Απλές δομές δεδομένων στην C

size of char is 1

size of short is 2

size of int is 4

size of long is 8 (4)

size of long long is 8

size of float is 4

size of double is 8

size of long double is 16 (12)

σε bytes με 64 (32) bit αρχιτ.

Απλές δομές δεδομένων στην C

```
#include <stdio.h>
```

```
int main(void) {
```

```
    printf("size of char is %u\n", sizeof(char));
```

```
    printf("size of short is %u\n", sizeof(short));
```

```
    printf("size of int is %u\n", sizeof(int));
```

```
    printf("size of long is %u\n", sizeof(long));
```

```
    printf("size of long long is %u\n\n", sizeof(long long));
```

```
    printf("size of float is %u\n", sizeof(float));
```

```
    printf("size of double is %u\n", sizeof(double));
```

```
    printf("size of long double is %u\n", sizeof(long double));
```

```
    return 0;
```

```
}
```

Ακέραιοι και συμπλήρωμα ως προς 2

$$0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 = 0$$

$$0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 = 1$$

$$0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 = 2$$

...

$$0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 = 126$$

$$0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 = 127$$

$$1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 = 128 \quad = -128$$

$$1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 = 129 \quad = -127$$

...

$$1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 = 254 \quad = -2$$

$$1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 = 255 \quad = -1$$

Πραγματικοί και σημαντικά ψηφία

Σημαντικά ψηφία \times βάση $^{\wedge}$ εκθέτης

πχ. σ.ψ. = 4, βάση=10, εκθέτης =1:

$$A = +1234.0 \text{ ---> } +0.1234 * 10^{+4} \text{ ---> } +1234+4$$

$$B = +0.123 \text{ ---> } +0.123x * 10^{+0} \text{ ---> } +123x+0$$

$$\Gamma = +1234.123 \text{ ---> } +0.1234 * 10^{+4} \text{ ---> } +1234+4$$

άρα $\Gamma = A + B$ και $\Gamma = A$ με $B \neq 0$ κι όμως ισχύει :-)

Πραγματικοί και σημαντικά ψηφία

Τύπος	μέγεθος	σ.ψ.<10>	σ.ψ.<2>
double:	8	16	53
long double:	16	20	64
__float128:	16	35	113

Πραγματικοί και σημαντικά ψηφία

```
#include <stdio.h>    ...
void main(void) {    da=db=(double)1.0;
    char *p;        dr=da/(double)10; /* BASE */
    int i,k;        da+=dr;
    double da, db, dr; for (k=0;da>db;k++) {
    p=(char *)&da;    da=db;
    ...                da+=dr;
                        dr/=(double)BASE;
                        }
                        printf("Double:\t\tsizeof=%lu\t\tsignificant digits=
                            %d\n", sizeof(double), k);
                        }
}
```

Πραγματικοί σ.ψ. και γλώσσα μηχανής

```
movl    -88(%rbp), %edx
movq    %rax, -80(%rbp)
movl    %edx, -72(%rbp)
fldt    -80(%rbp)
fldt    -112(%rbp)
faddp   %st, %st(1)
fstpt   -80(%rbp)
fldt    -112(%rbp)
fldt    .LC4(%rip)
fdivrp  %st, %st(1)
fstpt   -112(%rbp)
addl    $1, -24(%rbp)
```

```
movdqa  .LC6(%rip), %xmm0
movdqa  %xmm0, -144(%rbp)
movdqa  -144(%rbp), %xmm0
movdqa  %xmm0, -128(%rbp)
movdqa  .LC7(%rip), %xmm1
movdqa  -128(%rbp), %xmm0
call    __divtf3
movdqa  %xmm0, -160(%rbp)
movdqa  -160(%rbp), %xmm1
movdqa  -128(%rbp), %xmm0
call    __addtf3
movdqa  %xmm0, -128(%rbp)
```

Αναφορές

- * Η wikipedia στα λήμματα
- * * Two's complement
- * * Floating point
- * * IEEE 754-1985 και IEEE 754-2008
- * <http://www.x86-64.org/documentation/abi.pdf>

και φυσικά:

η απληστία μου για περισσότερα σ.ψ.